Modulplanung: Modul 3 – Geometrische Figuren

Fachkonferenz Mathematik – André Hilbig

2017-08-10

Inhaltsverzeichnis

1	Plan	lung und Beschreibung des Moduls	1					
	1.1	Bezug zu Lehrplänen	2					
		1.1.1 Prozessorientierte Kompetenzen	2					
		1.1.2 Inhaltskompetenzen	2					
		1.1.3 Bezug zum schulinternen Lehrplan	2					
	1.2	Betrachtung des Inhaltsbereichs	2					
		1.2.1 Addition und Subtraktion als Operationen	2					
	1.3	Kompetenzen des Moduls	2					
	1.0	Rompeterizen des moduls	_					
2	Dida	aktische Analyse	3					
	2.1	Elemente didaktischer Reduktion und Fokussierung	3					
	2.2	Aspekte individueller Unterstützung und Differenzierung	3					
		Tippente marvadener enterstatzang and Emercizierang TTTTT						
3	Mate	erial	3					
A	bild	dungsverzeichnis						
Li	Liste der noch zu erledigenden Punkte							
_	erner	Lehrplan fehlt noch.	2					
Int	CITICI							
		erung von Möglichkeiten der Reduktion und Fokussierung	3					
Fo	rmuli	1	3					

1 Planung und Beschreibung des Moduls

Zunächst werden die Vorgaben durch Lehrpläne betrachtet. Anschließend wird der Gegenstand sachlich analysiert. Abschließend sollen konkrete Kompetenzerwartungen angegeben werden. Als Schulbuch wird *Zahlen und Größen 5* (vgl. GABRIEL u. a., 2015) verwendet.

1.1 Bezug zu Lehrplänen

1.1.1 Prozessorientierte Kompetenzen

Argumentieren/Kommunizieren

Die Schülerinnen und Schüler...

• setzen Begriffe an Beispielen miteinander in Beziehung (z.B. Produkt und Fläche; Quadrat und Rechteck; natürliche Zahlen und Brüche; Länge, Umfang, Fläche und Volumen).

Problemlösen

Die Schülerinnen und Schüler ...

• finden in einfachen Problemsituationen mögliche mathematische Fragestellungen.

Werkzeuge

Die Schülerinnen und Schüler ...

• nutzen selbst erstellte Dokumente und das Schulbuch zum Nachschlagen und

1.1.2 Inhaltskompetenzen

Arithmetik/Algebra

Die Schülerinnen und Schüler ...

• stellen ganze Zahlen auf verschiedene Weise dar (Zahlengerade, Zifferndarstellung, Stellenwerttafel, Wortform),

1.1.3 Bezug zum schulinternen Lehrplan

Interner Lehrplan fehlt noch.

1.2 Betrachtung des Inhaltsbereichs

1.2.1 Addition und Subtraktion als Operationen¹

1.3 Kompetenzen des Moduls

Aus den vorherigen Erläuterungen ergeben sich folgende Kompetenzen, die durch dieses Modul entwickelt und gefördert werden sollen.

¹Ausführungen sind vor allem »Natürliche Zahlen« (vgl. AKINWUNMI u. a., 2014, S. 7f) entnommen.





Die Schülerinnen und Schüler ...

• erklären die mathematischen Operationen Addition und Subtraktion in den natürlichen

2 Didaktische Analyse

2.1 Elemente didaktischer Reduktion und Fokussierung

Formulierung von Möglichkeiten der Reduktion und Fokussierung

2.2 Aspekte individueller Unterstützung und Differenzierung

Wie können schwache SuS explizit unterstützt – Wie können starke SuS mehr gefordert und -fördert werden?

3 Material

Material verzeichnis

1	Modulplan																		4
2	Kompetenztest.																		14



Mathematik Lernbüro 5

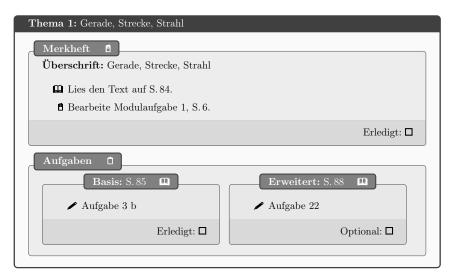
Name:

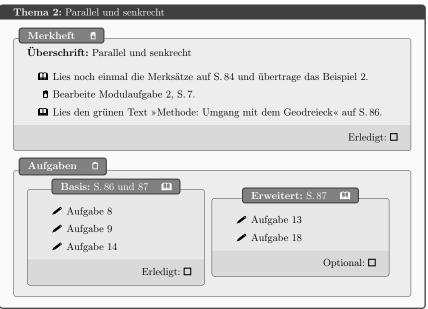
Modul 3

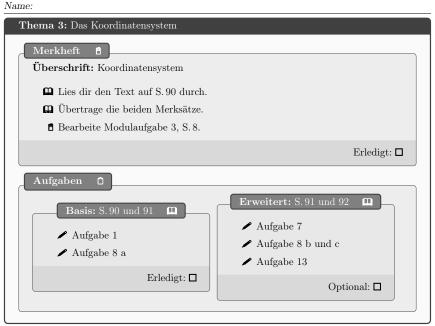
Mod

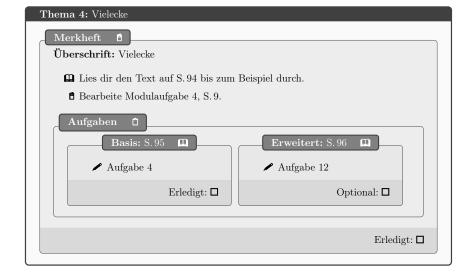
Modulplan

Modul 3 - Geometrische Figuren











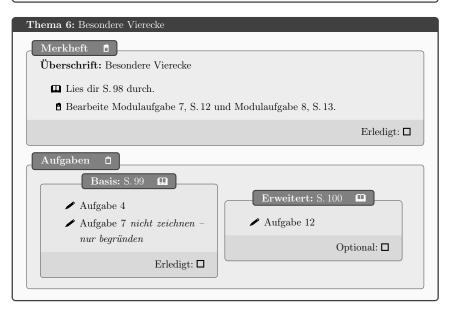
10.08.2017 20:32:02 (@)\$@ A. Hilbig)



Mathematik Lernbüro 5 $Modul \ 3$ Modulplan

Name:





Mathematik Lernbüro 5 Modul 3 Modulplan Name:

Alles klar? S.111

Zusammenfassung

- Finde die Fehler in den Aufgaben auf S. 111.
- Noch Fragen? Schaue dir die Inhalte auf S. 112 an.
- Noch üben? Aufgaben findest du auf S. 106 und 107.
- Korrigiert: \square

- ♦ Nun kannst du den KT schreiben.
- ₿ Bitte gib dein Merkheft ab.

4 von 13

Version: 1.01

 ${\it Mathematik Lernb\"{u}ro~5} \qquad \qquad {\it Modul 3} \qquad \qquad {\it Modulplan}$

Name:

Feedback							
Bitte fülle die untenstehenden Fragen aus und gib sie ausgeschnitten ab.							
Ich stimme	$egin{aligned} gar \ nicht \ zu \end{aligned}$	$nicht \ zu$	zu	sehr zu			
Ich bin gut auf den KT vorbereitet.							
Ich habe das Modul konzentriert bearbeitet.							
Die Merksätze waren gut zu verstehen.							
Die Beispiele waren anschaulich.							
Es ist mir leicht gefallen, die Aufgaben zu bearbeiten.							
Die Aufgabentexte waren leicht zu verstehen.							
Meine Fragen wurden gut beantwortet.							
Ich würde mir wünschen, dass							

Modulaufgaben

Modulaufgabe 1

Gerade, Strahl und Strecke (Teil 1)

Fülle die fehlenden Einträge der Tabelle aus und klebe sie in dein Merkheft!

Name	Merkmal		Beispiel
	Anfang	Ende	
Eine Gerade ist unendlich lang. Gezeichnet wird je- doch immer nur ein Teil.			
Eine Strecke ist die kürzeste Verbindung zweier Punkte A und B .			
Ein Strahl ist eine Gerade mit einem festen Anfangs- punkt. Gezeichnet wird je- doch immer nur ein Teil.			

6 von 13

Version: 1.01

10.08.2017 20:32:02 (@��� A. Hilbig)



Modul 3

Modulplan

Parallele und senkrechte Linien

- Fülle die Lücken aus.
- Streiche die folgenden Wörter durch: parallel, $g \perp h$, senkrecht, Punkt, $g||h, \stackrel{\triangle}{\sim}$, Senkrechte.
- Schneide danach den Text aus und klebe ihn in dein Merkheft.
- a) Wenn zwei Linien immer den gleichen Abstand voneinander haben, nennt man sie zueinander. Sind zwei Geraden g und h parallel zueinander, schreibt man kurz
- b) Wenn sich zwei Linien genau in einem rechten Winkel schneiden, und f senkrecht zueinander, schreibt man kurz . Um den rechten Winkel zu kennzeichnen, wird das Zeichen verwendet.
- c) Der Abstand eines Punktes zu einer Geraden kann ermittelt werden, indem man die zur Geraden durch den zeichnet und ihre Länge misst.

Mathematik Lernbüro 5

Modul 3

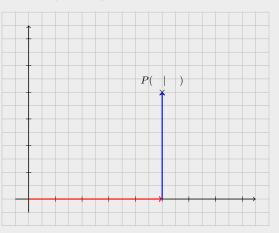
Modulplan

Name:

1 Modulaufgabe 3

Das Koordinatensystem

- Der Punkt P hat die Koordinaten (5|4).
- Das bedeutet: Gehe vom Ursprung der beiden Achsen 5 Einheiten nach rechts und 4 Einheiten nach oben.
- Trage in das Diagramm die fehlenden Beschriftungen ein.
- Schneide danach die *ganze* Aufgabe aus und klebe sie in dein Merkheft.





10.08.2017 20:32:02 (@(§()) A. Hilbig)



Name:

Modulaufgabe

Vielecke

- $\bullet\,$ Bearbeite die Aufgaben und klebe sie danach in de
in Merkheft.
- a) Fülle die Lücken mit den Begriffen Vieleck, Seite und Eckpunkte und streiche sie durch. Jede geometrische Figur, die nur von Strecken begrenzt wird, heißt

Die Anzahl der »Ecken« bzw. Eckpunkte bestimmt den Namen der Fläche.

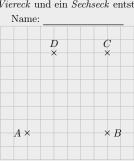
Die _____ werden mit großen Buchstaben bezeichnet.

Jede einzelne Strecke wird ______ einer Fläche genannt.

b) Verbinde die Punkte, so dass ein Dreieck, ein Viereck und ein Sechseck entstehen.

de die Punkte, so dass ein Name:

B C × × A



	E ×	D ×	
$F \times$			$\times C$
	×	× B	

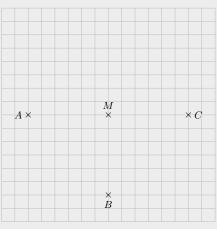
Version: 1.01

Name:

Kreise

- Bearbeite die Aufgaben und klebe sie danach in dein Merkheft.
- a) Zeichne einen Kreis durch die Punkte A, B und C mit dem Mittelpunkt M. Zeichne außerdem den Radius r und den Durchmesser d ein.

Benutze Bleistift, Geodreieck und Zirkel.



b) Fülle die Lücken mit den Begriffen gleich weit, Punkte, Radius, Durchmesser und doppelt. Streiche die Begriffe jeweils durch.

Alle Punkte auf einem Kreis sind von seinem Mittelpunkt M
entfernt.
Die Entfernung vom Mittelpunkt bis zum Kreis nennt man
Die Strecke von A nach B wird
genannt. Der Durchmesser ist so groß wie der
Radius.

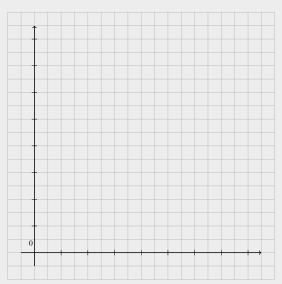
 ${\it Mathematik \ Lernb\"{u}ro\ 5} \qquad \qquad {\it Modulplan}$

Name:

1 Modulaufgabe 6

 $Kreis\ konstruieren$

Beschrifte das Koordinatensystem und zeichne die Punkte A(2,5|5), B(5|7,5) und C(7|3,5) in das Koordinatensystem ein. Konstruiere nun einen Kreis durch die Punkte A, B und C mit dem Radius $2,5\,\mathrm{cm}$.



 \rightarrow Hinweiskarte 1, S. I

Modulaufgabe

Besondere Vierecke

- Lies die Erklärungen zu Vierecken.
- Zeichne passende beispielhafte Bilder in die Tabelle.
- Schneide danach alles aus und klebe es in dein Merkheft.

Erklärungen:

- Ein Viereck hat vier Punkte und vier Seiten.
- In einer Raute sind alle Seiten gleich lang und gegenüberliegenden Seiten parallel.
- In einem Parallelogramm sind die gegenüberliegenden Seiten gleich lang.
- In einem **Rechteck** sind die gegenüberliegenden Seiten gleich lang. Es gibt vier rechte Winkel.
- Ein Quadrat hat vier gleich lange Seiten und vier rechten Winkel.

Beispiele:

Name:	Quadrat	Rechteck
Beispiel:		
Name:	Parallelogramm	Raute
Beispiel:		



Version: 1.01 12 von 13

10.08.2017 20:32:02 (@@\$@ A. Hilbig)

 ${\it Mathematik \ Lernb\"{u}ro\ 5} \qquad \qquad {\it Modul \ 3} \qquad \qquad {\it Modulplan}$

A I	۲			
١v	H	ЛI	16	٠.

Modulaufgabe	8	
Selbsttest Vierecke • Fülle den Selbs	sttest aus.	
Kontrolliere mi	it der Losung.	
Viereck	Aussage	
	Dies ist ein Quadrat.	□ richtig □ falsch
	Dies ist ein Parallelogramm.	□ richtig □ falsch
	Dies ist ein Rechteck und ein Quadrat.	□ richtig □ falsch
	Dies ist eine Raute und ein Quadrat.	□ richtig □ falsch
	Dies ist eine Raute.	□ richtig □ falsch
	Dies ist ein Parallelogramm.	□ richtig □ falsch
	Dies ist ein Viereck.	□ richtig □ falsch

13 von 13

.01

Mathematik Lernbüro 5
Name:

Modul 3 Modulplan

Hinweiskarten

h Hinweiskarte 1

Modulaufgabe: Kreis konstruieren

- Alle Punkte auf dem Kreis haben den selben Abstand vom Mittelpunkt.
- \bullet Zeichne Kreise um die Punkte $A,\,B$ und C mit dem Radius. Der Schnittpunkt muss der Mittelpunkt des gesuchten Kreises sein.



Lösungen

Lösung 1

Name	Merkmal		Beispiel
	Anfang	Ende	
Eine Gerade ist unendlich lang. Gezeichnet wird jedoch immer nur ein Teil.	kein An- fang	kein Ende	g, h: h g
Eine Strecke ist die kürzeste Verbindung zweier Punkte A und B .	ein An- fang	ein Ende	$\overline{AB} \text{ oder } a = \overline{AB}$ $A \qquad B$
Ein Strahl ist eine Gerade mit einem festen Anfangs- punkt. Gezeichnet wird je- doch immer nur ein Teil.	ein An- fang	kein Ende	s A

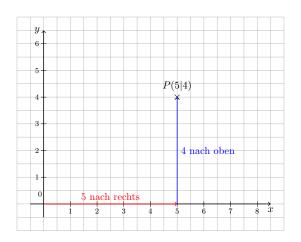
Lösung 2

- a) Wenn zwei Linien immer den gleichen Abstand von
einander haben, nennt man sie <u>parallel</u> zueinander. Sind zwei Geraden g und h parallel zueinander, schreibt man kurz g||h
- c) Der **Abstand** eines Punktes zu einer Geraden kann ermittelt werden, indem man die <u>Senkrechte</u> zur Geraden durch den <u>Punkt</u> zeichnet und ihre Länge misst.

Lösung 3

Name:

Mathematik Lernbüro 5



Modul 3

Lösung 4

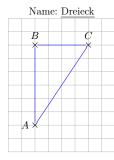
a) Jede geometrische Figur, die nur von Strecken begrenzt wird, heißt Vieleck.

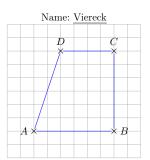
Die Anzahl der »Ecken« bzw. Eckpunkte bestimmt den Namen der Fläche.

Die Eckpunkte werden mit großen Buchstaben bezeichnet.

Jede einzelne Strecke wird Seite einer Fläche genannt.

b)

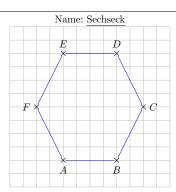




10.08.2017 20:32:02 (@()\sigma() A. Hilbig)

Modul 3

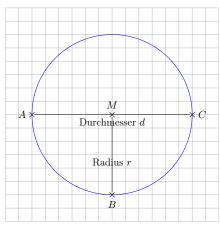
Lösung



Lösung 5

a) Zeichne einen Kreis durch die Punkte A und B mit dem Mittelpunkt M. Zeichne außerdem den Radius r und den Durchmesser d ein.

Benutze Bleistift, Geodreieck und Zirkel



b) Fülle die Lücken mit den Begriffen gleich weit, Punkte, Radius, Durchmesser und doppelt. Alle Punkte auf einem Kreis sind von seinem Mittelpunkt M gleich weit entfernt.

Die Entfernung vom Mittelpunkt bis zum Kreis nennt man Radius. Die Strecke von A nach B wird <u>Durchmesser</u> genannt. Der Durchmesser ist <u>doppelt</u> so groß wie der Radius.

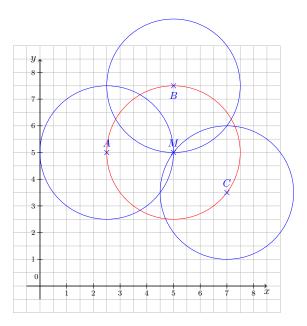
Modul 3

Lösung

Lösung 6

Name:

Mathematik Lernbüro 5



Lösung 7

Name:	Quadrat	Rechteck
Beispiel:		
Name:	Parallelogramm	Raute
Beispiel:		

Lösung 8

Modul 3

Lösung

Viereck	Auggorge	1
VIERCK	Aussage Dies ist ein Quadrat.	falsch
	Dies ist ein Parallelogramm.	richtig
	Dies ist ein Rechteck und ein Quadrat.	richtig
	Dies ist eine Raute und ein Quadrat.	richtig
	Dies ist eine Raute.	falsch
	Dies ist ein Parallelogramm.	richtig
	Dies ist ein Viereck.	richtig

5

Version: 1.01

10.08.2017 20:32:02 (**⑤⑤⑤⑥** A. Hilbig)



Mathematik Lernbüro 5	Modul 3 – Geometrische Figuren	Kompetenztest
Name		Datum:

\bigstar Zusatzaufgabe 1 2 (+2) Punkte

Gib dein Merkheft ab und arbeite im Kompetenztest sorgfältig und ordentlich.

Aufgabe 2 (4 Punkte)

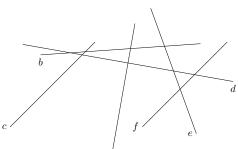
Erkläre die folgenden Begriffe möglichst genau.

a)	(1 Punkte)	Gerade:
b)	(2 Punkte)	Strecke:
c)	(1 Punkte)	Strahl:

Aufgabe 3 (3 Punkte)

In der Abbildung sind mehrere Geraden eingezeichnet. Notiere welche Geraden **parallel** und welche **senkrecht** zueinander sind. Verwende die richtigen mathematischen Symbole.

1 von 4

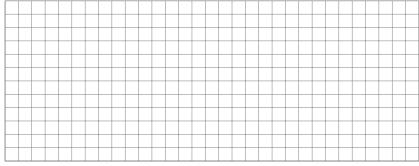




Aufgabe 4 (5 Punkte)

- a) (1 Punkte) Zeichne eine Gerade g.
- b) (2 Punkte) Zeichne einen PunktP, der von g den Abstand $2,5\,\mathrm{cm}$ hat.
- c) (2 Punkte) Zeichne durch den Punkt P eine parallele Gerade zu g und nenne sie h.

Lösung:	
---------	--



Aufgabe 5 (8 Punkte)

Kreuze die jeweils richtigen Eigenschaften zu den Vierecken an. Es können mehrere Antworten richtig sein.

Eigenschaften	Quadrat	Rechteck	Parallelo- gramm	Raute
Alle Seiten sind gleich lang.				
Gegenüberliegende Seiten sind parallel.				
Gegenüberliegende Seiten sind gleich lang.				
Alle Winkel sind immer rechte Winkel.				

2 von 4

Version: 1.01

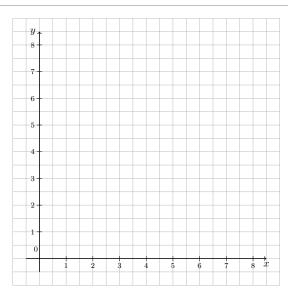
10.08.2017 20:32:09 (@) (@) A. Hilbig)



Aufgabe 6 (7 Punkte)

a) (3 Punkte) Zeichne die folgenden Punkte in das unten abgebildete Koordinatensystem ein.

- b) (2 Punkte) Ergänze einen PunktDso, dass ein besonderes Viereck entsteht. Verbinde die Punkte miteinander.
- c) (1 Punkte) Benenne die Koordinaten des Punkts D.
- d) (1 Punkte) Nenne den Namen des besonderen Vierecks.



3 von 4

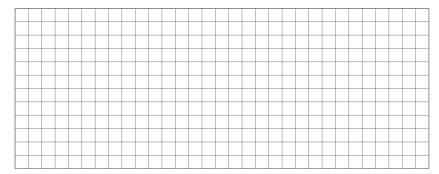
Version: 1.01 10.08.2017 20:32:09 (6

Mathematik Lernbüro 5 Name: $Modul \ 3-Geometrische \ Figuren$

Kompetenztest Datum:

Aufgabe 7 (3 Punkte)

- a) (2 Punkte) Zeichne einen Kreis um einen beliebigen Punkt N mit dem Radius $r=4\,\mathrm{cm}$.
- b) (1 Punkte) Berechne den Durchmesser des Kreises. Gib den Rechenweg an.



Aufgabe 8 (4 Punkte)

Zeichne ein Rechteck mit den Seitenlängen $a=5\,\mathrm{cm}$ und $b=3\,\mathrm{cm}$.





Lösungen

Lösung 1

1 Pkt Beschriftung – 1 Pkt Sauberkeit, Ordnung Merkheft: 2 Zusatzpkte

Lösung 2

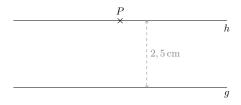
- a) Eine Gerade ist eine unendliche lange Linie von der ein Teil gezeichnet wird.
- b) Eine Strecke ist die kürzeste Verbindung zweier Punkte A und B. (0,5 Pkt für kürzeste)
- c) Ein Strahl ist eine unendlich lange Linie mit einem Startpunkt A.

Lösung 3

Es gilt $c \parallel f$ und $a \perp d$.

Jeweils 1 Punkt und 1 Punkt für richtige Formelsprache.

Lösung 4



Lösung 5

- +0,5 Pkt für richtige Antworten
- -0,5 Pkt für falsche Antworten

Eigenschaften	Quadrat	Rechteck	Parallelo- gramm	Raute
Alle Seiten sind gleich lang.	Ø			Ø
Gegenüberliegende Seiten sind parallel.	Ø	Ø	Ø	Ø
Gegenüberliegende Seiten sind gleich lang.	Ø	Ø	Ø	Ø
Alle Winkel sind immer rechte Winkel.	Ø	Ø		

Lösung 6

- a) Je 1 Pkt pro Punkt, im Koordinatensystem blau
- \mathbf{b}) 1 Pkt für richtigen Punkt D, 1 Pkt für Verbinden, im Koordinatensystem orange
- c) D(2|5)
- d) Parallelogramm



Version: 1.01 10.08.2017 20:32:09 (@) \$ A. Hilbig)

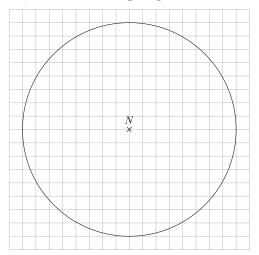


Lösung 7

Mathematik Lernbüro 5

Name:

a) 1 Pkt Radius korrekt, 1 Pkt Kreis vollständig und genau



b) Durchmesser: $d = 2 \cdot r = 2 \cdot 4 \text{ cm} = 8 \text{ cm}$ (berechnet)

Lösung 8

2 Pkte für Seitenlängen, 2 Pkte für benachbarte Seiten senkrecht

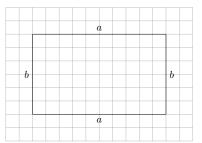
Version: 1.01

10.08.2017 20:32:09 (@��� A. Hilbig)



 $Modul \ 3-Geometrische \ Figuren$

Lösung



3

Version: 1.01 $10.08.2017\ 20:32:09\ (\textcircled{\textcircled{\bullet}\textcircled{\textcircled{\bullet}\textcircled{\textcircled{\bullet}}\textcircled{\textcircled{\textcircled{\bullet}}}}}\ A.\ Hilbig)$



Erwartungshorizont

Name:	Klasse:_	Datu	m:			
Du		Übung	Rü	ickm	eldu	ıng
Aufgabe 1			-	0	⊜	©
kannst ordentlich und sauber aufschreib	en.					
kannst Zeichnungen richtig und ordentli	ich					
beschriften						
hast dein Merkheft ordentlich geführt.						
Aufgabe 2			-	0	⊜	0
kannst geometrische Linienobjekte (Stre	ecke,	S. 84, 85				
Strahl und Gerade) geeignet charakteris	sieren.					
Aufgabe 3			_	0	⊜	0
kannst parallele und zueinander senkred	chte	S. 84				
Geraden erkennen und korrekt notieren						
Aufgabe 4			-	8	⊜	9
kannst einen Punkt in einem vorgegeber	nen	S. 87 Nr. 16				
Abstand zu einer Geraden zeichnen.						
kannst eine Parallele zu einer Geraden o	durch	S. 87 Nr. 18				
einen vorgegebenen Punkt zeichnen.						
Aufgabe 5			-	0	(2)	0
kannst Eigenschaften von Vierecken kor	rekt	S. 98 und S. 99				
zuordnen.		Nr. 7				
Aufgabe 6			-	0	⊜	0
kannst Korrdinaten korrekt in ein		S. 90 Nr. 1				
Koordinatensystem eintragen						
und ablesen.		S. 91 Nr. 8				
kannst die Eigenschaften von besondere		S. 100 Nr. 13				
Vierecken anwenden, um fehlende Koor	dinaten					
zu setzen.						
Aufgabe 7			-	8	⊜	©
kannst einen Kreis mit vorgegebenem R	adius	S. 95 Nr. 9				
zeichnen.						
kannst den Durchmesser eines Kreises mithilfe S. 95 Nr. 9						
des Radius berechnen						
Aufgabe 8			_	8	⊜	9
kannst ein Rechteck mit vorgegebenen S. 99 Nr. 4						
Seitenlängen korrekt zeichnen						
Gesamt			36	(+2)) Pui	nkte

Punkteverteilung

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	Gesamt
Punkte	2	4	3	5	8	7	3	4	36
Zusatzpunkte	2	0	0	0	0	0	0	0	2
Erreicht									

Notenverteilung

Note	\geq P.
sehr gut	31
gut	26
befriedigend	21

Note	≥ P.
ausreichend	16
mangelhaft	6
ungenügend	0

Note:	Datum:	Unterschrift:

Erklärungen der Symbole:

Bemerkungen:

- 🖨 Fehlerfrei
- Ohne grobe Fehler
- Fehler sind vorhanden, stehen aber einem Grundverständnis nicht im Wege
- Durch die Häufigkeit von Ungenauigkeiten und Fehlern: Kompetenz nicht erreicht



Literatur

AKINWUNMI, Kathrin, Theresa DEUTSCHER, Corinna MOSANDL, Marcus NÜHRENBÖR-GER und Christoph SELTER. »Natürliche Zahlen. N3 – Addition und Subtraktion verstehen«. In: Mathe sicher können – Handreichungen für ein Diagnose- und Förderkonzept zur Sicherung mathematischer Basiskompetenzen. Hrsg. von Christoph SELTER, Susanne PREDIGER, Marcus NÜHRENBÖRGER und Stephan HUSSMANN. Erarbeitet an der Technischen Universität Dortmund im Rahmen von Mathe sicher können, einer Initiative der Deutsche Telekom Stiftung. Cornelsen, 2014. URL: http://mathe-sicher-koennen.dzlm.de/mskfiles/uploads/docs/BausteinN3A_L_Additions_Subtraktionsaufgaben_zu_Situationen_finden_umgekehrt_150120.pdf (besucht am 02. 10. 2016).

Gabriel, Ilona, Ines Knospe, Martina Verhoeven und Udo Wennekers. *Zahlen und Größen 5*. Hrsg. von Udo Wennekers. 1. Aufl. Cornelsen, 2015. ISBN: 978-3-06-002881-8

